

$$E_t = 229.18(0.000075 + 0.001868\cos\Gamma - 0.032077\sin\Gamma - 0.014615\cos2\Gamma - 0.04089\sin2\Gamma) \quad (5.36)$$

(3) 分子散乱(レイリー散乱)

分子は、可視・近赤外の波長に対しそのサイズパラメータが非常に小さいため、レイリー散乱と呼ばれる散乱を生じさせる。

レイリー散乱の位相関数 $P_m(\theta)$ は

$$P_m(\theta) = \frac{3}{4}(1 + \cos^2 \theta) \quad (5.37)$$

となる。ただし、より厳密には、減偏光因子 (depolarization factor) δ_p のパラメータを導入し、

$$P_m(\theta) = \frac{3}{2(2 + \delta_p)} [1 + \delta_p + (1 - \delta_p)\cos^2 \theta] \quad (5.38)$$

と計算される。 δ_p の値については、最近では $\delta_p = 0.0279$ が利用されることが多い。ただし、 $\delta_p = 0.0350$ などといった説もある。

一方、レイリー散乱の光学的厚さ $\tau_{ms}(\lambda)$ の求め方には、多数の経験式がある。一例を以下に示す。

$$\tau_{ms}(\lambda) = \left[0.008569\lambda^{-4} (1 + 0.0113\lambda^{-2} + 0.00013\lambda^{-4}) \right] \frac{p}{p_o} \frac{T_o}{T} \quad (5.39)$$

波長、地表面気圧、温度の関数であり実用的な式である。 λ は波長 (μm)、 p 、 T はそれぞれ地表面での気圧 (mb) と温度 (K) を示し、 p_o 、 T_o はその標準状態での値 ($p_o = 1013.25\text{mb}$ 、 $T_o = 288.15\text{K}$) である。

しかし、より正確に計算を行うには下記の式を用いる (もしくはこれに類する式。たとえば、より厳密に高度毎に算出するもの)。

$$\tau_{ms}(\lambda) = \frac{8\pi^3(n^2 - 1)^2 N_c}{3\lambda^4 N_s^2} \left(\frac{6 + 3\delta_p}{6 - 7\delta_p} \right) \frac{p}{p_o} \frac{T_o}{T} \quad (5.40)$$